

**Exercice 01 :** (8 points)

Soit  $I(p)$  l'image d'un courant  $i(t)$  telle que :  $I(p) = \frac{2}{p^2 + 7p + 12}$

1. Chercher les réels  $a, b, c$  et  $d$  tels que :  $I(p) = \frac{a}{p+c} + \frac{b}{p+d}$ .

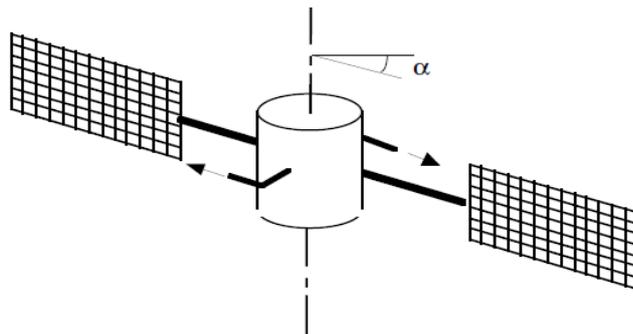
2. Calculer  $i(0^+)$  et  $i(\infty)$  en utilisant les théorèmes de la valeur initiale et finale.

3. Déterminer  $i(t)$ .

On prend :  $TL^{-1}\left(\frac{1}{p+k}\right) = e^{-kt} \cdot U(t)$

**Exercice 02 :** (12 points)

On désire réaliser le contrôle d'attitude d'un satellite artificiel autour d'un axe. Le moment d'inertie du satellite autour de cet axe est  $J = 400 \text{kg.m}^2$ .



L'angle de rotation autour de l'axe est lié au couple de commande  $\Gamma$  appliquée par l'équation dynamique

usuelle :  $J \cdot \frac{d^2 \alpha}{dt^2} = \Gamma(t)$

Le couple de commande est produit par deux jets de gaz symétriques par rapport à l'axe et l'on admet qu'il se déduit d'une tension de commande  $u(t)$  appliquée aux générateurs par la relation:

$$\theta \cdot \frac{d\Gamma}{dt} + \Gamma = K_{\Gamma} \cdot u(t) \text{ et } u(t) = K_{\alpha} \cdot (\alpha_c(t) - \alpha(t))$$

Avec  $\theta = 0,5s$ ,  $K_{\Gamma} = 20N.m.V^{-1}$  et  $K_{\alpha} = 10V.rad^{-1}$ . On prend comme grandeur de sortie  $\alpha$  et la consigne est  $\alpha_C$ .

1. Etablir l'expression de la fonction de transfert du satellite  $S(p) = \frac{\alpha(p)}{\Gamma(p)}$ .

2. Chercher celle du système de commande  $A(p) = \frac{\Gamma(p)}{U(p)}$ .

3. Calculer l'expression de  $C(p) = \frac{U(p)}{\alpha_C(p) - \alpha(p)}$ .

4. Etablir le diagramme fonctionnel de l'asservissement de position angulaire à retour unitaire.

5. Chercher la fonction de transfert en boucle ouverte.

6. En déduire la fonction de transfert en boucle fermée.